

数学科目ガイド

(令和2年度以降の入学者向け数学の授業内容)

目 次

全学教育科目	2
学部共通の科目	8
基礎数学科目	10
専門基礎科目	16
専門科目	20
代数系科目	20
幾何系科目	22
解析系科目	26
数理系科目	33
数学講読	38
数学卒業研究	38

数学科生のカリキュラム（令和2年以降の入学者）

全学教育（1,2年）

1年1学期	線形代数学I(2), 微分積分学I(2)
1年2学期	線形代数学II(2), 微分積分学II(2)
2年1学期	数学概論(微分方程式と無限級数)(2)

学部共通の科目（2年）

2年1学期	代数学・幾何学序論(2), 微分積分学統論(2)
2年2学期	ベクトル解析(2)

理学部数学科専門科目（2,3,4年）

2年1学期	基礎数学A1(2), 基礎数学B1(2), 基礎数学C1(2), [基礎数学E](2) 基礎数学演習A1(1), 基礎数学演習B1(1), 基礎数学演習C1(1), [基礎数学演習E](1) [確率・統計入門](2)
2年2学期	基礎数学A2(2), 基礎数学B2(2), 基礎数学C2(2), 基礎数学D(2) 基礎数学演習A2(1), 基礎数学演習B2(1), 基礎数学演習C2(1), 基礎数学演習D(1) コンピュータ(2)
3年1学期	[基礎数学E](2), [基礎数学演習E](1) 代数学基礎(4), 幾何学基礎A(2), 幾何学基礎B(2), 解析学基礎(2) 代数学基礎演習(2), 幾何学基礎演習A(1), 幾何学基礎演習B(1), 解析学基礎演習(2) [確率・統計入門](2)
3年2学期	代数学A(2), 代数学B(2), 幾何学A(2), 幾何学B(2) 解析学A(2), 解析学B(2), 解析学C(2), [解析学F](2), 数理科学A(2) 代数学演習A(1), 代数学演習B(1), 幾何学演習A(1), 幾何学演習B(1) 数理科学演習(2) [統計学](2)
4年1学期	幾何学C(2), 解析学D(2), 解析学E(2), 数理科学B(2), 数理解析学統論(力学系)(2) [確率・統計入門](2)
4年2学期	幾何学統論(位相幾何/微分幾何/複素幾何)(2), [解析学F](2) 数理解析学統論(バナッハ空間論)(2), 数理解析学統論(非線形数学)(2) [統計学](2)
4年	数学卒業研究(16)

備考:

- 科目名の1番右のカッコで囲まれた数字は当該科目の単位数.
- 2,3年次で数学講読(ゼミ科目,2単位)が開講されることがある.
- 4年次には上記以外に代数学統論(自由課題,2単位), 幾何学統論(自由課題,2単位)
数理解析学統論(自由課題,2単位)が数コマ開講される.
- この他, 数学総合講義I,IIおよび数学特別講義I,IIが開講されることがある.
- 解析学F, 統計学は3年2学期, 4年2学期どちらの年次で履修しても支障はない.
- 確率・統計入門は2年1学期, 3年1学期, 4年1学期いずれの年次で履修しても支障はない.
- 基礎数学Eは2年1学期, 3年1学期いずれでも履修できるが基礎数学B1,B2,C1,C2の知識を前提とする.
- 開講学期は都合により変更することがある.

全学教育科目

線形代数学 I (1年1学期)

授業題目：行列と行列式

授業の概要(授業の目標)：行列および行列式の性質や役割について講義する。行列と行列式の演算および行列の基本変形(書き出し法)を扱い、連立1次方程式の解法や逆行列の計算法を講義する。基本変形と基本行列との関連も解説する。

到達目標：行列と行列式の演算および行列の基本変形(書き出し法)に習熟する。連立1次方程式の解法や逆行列の計算法を理解する。基本行列の役割と基本変形との関係を理解する。また、行列式の余因子展開やクラメールの公式を理解する。

授業計画：

1. 行列：定義と演算(和・スカラー倍・積)，行列の転置
2. 連立1次方程式の理論：消去法，書き出し法，基本変形と基本行列
3. 行列の階数：基本変形と計算
4. 逆行列，書き出し法
5. 行列式：定義と基本的な性質
6. 余因子行列と余因子展開，クラメールの公式
7. 2×2 行列の固有値，固有ベクトル，対角化
時間に余裕があれば \mathbb{R}^2 の線形変換にも触れる (\mathbb{R}^2 における回転や折り返しの例と行列の関係など)

キーワード：行列，連立1次方程式，基本変形，階数，行列式，逆行列， 2×2 行列の固有値，固有ベクトル，対角化

備考：計算練習などにも取り組む。

高校で行列を習っていない学生が多数履修することを想定し、学生が行列の演算(和・スカラー倍・積)を確実に実行できるようになるために、十分な計算練習を設定する。

微分積分学 I (1年1学期)

授業題目：微分法

授業の概要(授業の目標)：1変数および多変数関数の微分法についての講義を行う。講義の前半では、1変数関数の微分法について新しい概念や定理の補充を行う。講義の後半では、多変数関数(主に2変数関数)の微分法やその応用について講義する。

到達目標：講義の全体を通して、1変数関数の理論がどのように多変数関数の理論に拡張されるかについての理解を深めるとともに、科学の諸分野で現れる問題を数学的に定式化し、解決する能力を養うこととする。具体的には1変数および多変数の微分法に習熟し、近似値、極限値、極大・極小などを微分法を用いて関数を計算し、関数の性質を具体的に調べる力を養う。

授業計画：

1変数関数の微分法

1. 微分法の復習(ライプニッツルール、合成関数と逆関数の微分)
2. 逆三角関数とその微分、高次の導関数とテイラーの定理、不定形の極限

多変数関数の微分法

3. 点集合(距離、開(閉)集合、領域等)、関数の極限と連続性
4. 偏微分、全微分可能性、合成関数の微分法、テイラーの定理
5. 写像とヤコビアン、陰関数定理
6. 極値問題、ヘッセ行列、多変数関数のグラフ

より進んだ話題 扱う場合は多くとも2回程度に留める

キーワード：関数、極限、微分、偏微分、テイラーの定理

備考：計算中心の微積分の講義を行う。実数の連続性、 $\epsilon - \delta$ 論法、等の高度な議論は最小限に留め、扱う場合も「より進んだ話題」の枠内で扱う。

入門線形代数学（1年1学期）

授業題目：行列入門

授業の概要（授業の目標）：主に文科系学生を対象とする線形代数の入門講義である。行列についての基礎を初步から講義する。主に2次の正方行列について、行列の演算、行列式と逆行列の扱い、行列と連立1次方程式の関係を講義する。2次行列と平面上の線形変換やその固有値も解説する。

到達目標：2次行列の基本性質や計算を身につける。連立1次方程式や線形変換との関連を理解する。平面における線形変換の例を計算できる。線形代数学Iの履修のために十分な予備知識、考え方、計算力を身につける。

授業計画：

1. 行列：定義と演算（和、スカラー倍、積）
2. 2次の行列式と逆行列
3. 行列と連立1次方程式
4. 行列と平面の線形変換、ベクトルの内積と直交変換、合同変換、相似変換
5. 線形変換の固有値と固有ベクトル、行列の対角化

キーワード：連立1次方程式、逆行列、固有値、固有ベクトル

備考：行列の定義や演算は一般次数の場合を扱う。シグマ記号、弧度法、など学生の予備知識に配慮する。入門線形代数学は数学科志望の学生は通常履修しない。

入門微分積分学（1年1学期）

授業題目：微分積分入門

授業の概要（授業の目標）：主に文科系学生を対象とする微分積分学の入門講義である。具体的な関数について関数の極限と連続関数の概念を述べた後、1変数関数の微分法と積分法を述べる。様々な関数の微分と積分の計算法を学び、その応用として、具体的な1変数関数の極大・極小、図形の面積や回転体の体積を扱う。

到達目標：具体的な1変数関数の微積分に関する基本的な知識の習熟を目標とする。微分積分学Iの履修のために必要な基礎知識と考え方を養い、計算力を身につける。

授業計画：

1. 関数と極限：関数（分数関数、無理関数、弧度法と3角関数、逆関数と合成関数）、数列の極限、関数の極限、連続関数
2. 微分法：微分係数と導関数、積、商の導関数、合成関数と逆関数の導関数、3角関数、指數関数、対数関数の導関数、高次導関数、応用（接線と法線、関数の増減、速度と加速度）
3. 積分法：不定積分と定積分、置換積分、部分積分、応用（面積、回転体の体積）

キーワード：極限、1変数関数、微分、積分

備考： $\epsilon - \delta$ 論法は行わず、”限りなく近づく”方式の収束を定める。学生の予備知識に特に留意する。入門微分積分学は数学科志望の学生は通常履修しない。

線形代数学 II (1年2学期)

授業題目：ベクトル空間と線形写像

授業の概要(授業の目標)：線形代数学Iの科目内容に統いて、ベクトル空間と線形写像について基礎理論を講義する。行列と連立1次方程式の理論を、ベクトル空間の概念を基礎とした線形写像を用いて記述する。正方行列の固有値、固有ベクトルについて講義する。特に対称行列を対角化する理論および計算法を述べる。線形写像の表現行列について述べ、特に線形変換が表現行列の固有値、固有ベクトルを通じて理解されることを述べる。

到達目標：ベクトル空間や線形写像の概念や基本的事項を理解する。行列とベクトルによる線形写像の具体的な取扱いに習熟する。連立1方程式の解空間を上記の立場から理解する。行列(3次、4次程度)の固有値、固有ベクトルについて具体的に計算できる。

授業計画：

1. ベクトル空間：定義と例、部分空間
2. 線形独立と線形従属、ベクトル空間の次元と基底
3. 線形写像：基底と表現行列、基底の変換
4. 線形写像の核と像と階数、次元定理
5. 行列および線形変換の固有値と固有ベクトル
6. 内積空間：定義と例、ノルム、シュワルツの不等式、3角不等式
7. 部分空間と直交補空間、グラム・シュミットの直交化
8. 対称行列の対角化と2次形式
9. 線形代数学の応用

キーワード：ベクトル空間、線形写像、線形独立、基底、固有値、固有ベクトル、対角化

微分積分学 II (1年2学期)

授業の題目：積分法

授業の概要(授業の目標)：積分法についての講義を行う。講義の前半では、1変数関数の積分法について新しい概念や定理の補充を行う。講義の後半では、多変数関数の積分法やその応用について講義する。

到達目標：講義の全体を通して、1変数関数の理論がどのように多変数関数の理論に拡張されるかについての理解を深めるとともに、科学の諸分野で現れる問題を数学的に定式化し、解決する能力を養う。1変数および多変数の積分法に習熟し、定積分、原始関数、線積分、面積、体積、曲面積などを具体的に計算できる力を養う。

授業計画：

1変数関数の積分法

1. 定積分の定義、微分積分学の基本定理
2. 広義積分の定義とその収束の条件
3. ガンマ関数、ベータ関数

多変数関数の積分法

4. 重積分の定義とその性質（主として2, 3次元）
5. 重積分の計算法（累次積分、変数変換による積分など）
6. 広義積分の定義と計算例
7. 重積分の応用（体積、曲面積、線積分とグリーンの定理など）

より進んだ話題 扱う場合は多くとも2回程度に留める

キーワード：原始関数、積分、重積分、リーマン和、変数変換

備考：計算中心の微積分の講義を行う。実数の連続性、 $\epsilon - \delta$ 論法、等の高度な議論は最小限に留め、扱う場合も「より進んだ話題」の枠内で扱う。

数学概論（微分方程式と無限級数）（2年1学期）

授業題目：微分方程式と級数

授業の概要（授業の目標）：1年次の微分積分学の続論として、微分方程式と級数について学習する。

常微分方程式の基礎理論、無限級数の収束性、べき級数の取扱いなどについて理解する。また二つのテーマを融合するかたちで、常微分方程式の級数解、初等偏微分方程式の解法などについても学ぶ。

到達目標：常微分方程式の基礎理論を知る。無限級数の収束・発散が判定できる。級数を使って微分方程式を解く方法を理解する。具体的な問題が解けるようになる。これらを通して、微分積分学が有効に応用されるさまに感動すること。

授業計画：

I 常微分方程式

1. 求積法：具体的に解ける方程式
2. 解の存在と一意性
3. 線形常微分方程式の基礎

II 級数

1. 無限級数の収束と発散
2. べき級数とその収束半径
3. フーリエ級数（収束性には深入りしない）

III 微分方程式と級数

1. 線形常微分方程式の級数解
2. 初等偏微分方程式：区間、正方形、円板上の波動方程式、熱方程式など
3. 変数分離による解法、弦や太鼓の振動への応用など

キーワード：常微分方程式、求積法、解の存在と一意性、線形方程式、無限級数、収束・発散、級数解、初等偏微分方程式、変数分離法

備考：微分積分学 I, II の知識を仮定する。微分方程式と級数を含むという大枠のもと、内容の取捨選択は授業担当者に委ねられる。

学部共通の科目（数学）

代数学・幾何学序論（2年1学期）

授業題目：空間図形、複素数と複素平面、集合と写像入門

授業の概要（授業の目標）：ユークリッド空間の初等的な空間図形とベクトル、内積などの幾何、複素数と複素平面の図形や写像の性質、集合や写像の基礎及び線形変換などの具体例について学ぶ。

到達目標：空間内の直線、平面、球などの図形をベクトルや座標で表し、計算や論証を行うことができる。複素数や複素平面に関する計算を身につけ、図形を扱うことができる。回転や対称移動などを行列で表すことができる。ベクトル、行列、線形変換の幾何学的なイメージを持てるようになる。集合と写像の扱い方の基礎を身につける。

授業計画：

1. 空間図形と空間ベクトル
内積、ノルム、直線の方程式、平面の方程式、球面の方程式と接平面、法ベクトル、空間ベクトルの正射影、図形同士の関係（距離、接触）、面積・体積と外積（行列式）
2. 複素数と複素平面
複素数の演算と幾何、2次方程式、複素平面（極形式、ド・モアブルの公式、1のn乗根、リーマン球面と立体射影など）
3. 集合と写像の基礎及び具体例
集合算（和、交わり、直積）、写像（单射、全射）、逆像、合成写像、行列と変換の例（線形変換：回転と対称移動、合同変換）、同値関係の例（対称性と変換、整数の剰余類）

キーワード：空間図形、複素平面、集合、写像、行列と変換

備考：課題に取り組む時間を設ける。

微分積分学続論（2年1学期）

授業題目：微分積分学続論

授業の概要（授業の目標）：微分積分学 I, II に引き続いて微分積分学の広がりや豊かな面を例示しながら、その応用を講義する。主に微分方程式の基本的な解法とラプラス変換を解説する。残りの時間では力学や幾何学等に関連する具体的な課題など微分方程式の代表的応用例を解説する。

到達目標：微分積分学の知識を活用し微分方程式の理論を学び、そこに現れる数学的概念を修得し応用ができるようになること。

授業計画：最初に次の2項目を重点的に講義する。

1. 微分方程式（求積法、変数分離型方程式、定数変化法、2階線形方程式）
2. ラプラス変換と微分方程式への応用

残りの時間で以下の話題から題材を選択して講義する

3. 積分方程式
4. 微分方程式の境界値問題
5. 応用的な課題（運動方程式、懸垂曲線、追跡線、サイクロイド振り子、等）

キーワード：変数分離型方程式、求積法、ラプラス変換

ベクトル解析（2年2学期）

授業題目：ベクトル解析

授業の概要（授業の目標）：部分積分を活用した多変数関数の積分論（ベクトル解析）を講義する。単純な図形上のなめらかな関数の積分を主に取扱い、曲線の長さ・曲面積、また線積分・面積分の概念やそれらの関係式を与える。厳密な証明よりも、例を豊富に提示する。

到達目標：具体的な図形などの長さや面積など計量の計算に習熟する。領域や関数に対して発散定理やストークスの定理を正しく適用できるようになる。

授業計画：

1. 曲線の長さ
2. 曲面の面積
3. 線積分、面積分
4. グリーンの定理
5. ガウスの発散定理
6. ストークスの定理
7. 応用例（電磁気学、流体力学の例）

キーワード：重積分、線積分、曲面積分、発散定理、ストークスの定理、div, rot, grad

備考：微分積分学 I, II の内容を仮定する。 $\epsilon - \delta$ 論法、等の高度な議論は（部分的に行うにしても）最小限に留める。

基礎數学科目

基礎数学A 1, A 2, B 1, B 2, C 1, C 2, D, E で学ぶ内容はいずれの専門分野においても基礎をなす重要事項である。よって、これらはすべて履修することが望ましい。

基礎数学A 1 (2年1学期), 基礎数学A 2 (2年2学期)

授業題目 : 本格的な線形代数学 その1 (基礎数学A 1), その2 (基礎数学A 2)

授業の概要 (授業の目標) : 基礎数学A 1 およびそれに続く基礎数学A 2を通して、複素数体上のベクトル空間および線形写像の基礎理論と計算法を講義する。線形写像の行列による表現やそれによる固有値の計算法や写像の性質を調べる方法を与える。

到達目標 : 複素数体上のベクトル空間や線形写像の概念を理解し、行列とベクトルによる具体的な取り扱いに習熟する。

授業計画 :

1. 基礎数学A 1
ベクトル空間, 線形写像, 行列式, 固有値・固有ベクトル, 行列の対角化
2. 基礎数学A 2
内積, 内積を用いる行列の対角化 (正規行列), ジョルダン標準形

キーワード : ベクトル空間, 線形写像, 固有値, 固有ベクトル, 計量空間

備考 : 線形代数学IIは前提としない。基礎数学A 1と基礎数学A 2をこの順で両方履修すること。基礎数学演習A 1, 基礎数学演習A 2も合わせて履修すること。

基礎数学演習A 1 (2年1学期), 基礎数学演習A 2 (2年2学期)

授業題目 : 本格的な線形代数学の演習 その1 (基礎数学演習A 1), その2 (基礎数学演習A 2)

授業の概要 (授業の目標) : 基礎数学A 1, 基礎数学A 2の演習を行う。

キーワード : ベクトル空間, 線形写像, 固有値, 固有ベクトル, 計量空間

基礎数学B 1 (2年1学期), 基礎数学B 2 (2年2学期)

授業題目 : 位相 その1 (基礎数学B 1), その2 (基礎数学B 2)

授業の概要 (授業の目標) : 基礎数学B 1 およびそれに続く基礎数学B 2 を通して専門的な数学分野を学ぶために必要な集合と写像について的一般理論を講義する. 距離空間と位相空間の理論について講義する. 重要な概念を与え基本的な定理や命題を扱う.

到達目標 : 集合, 写像と位相空間の基礎的な用語と概念を学びそれらを運用できるようになる. 基本的な定理や命題を用いて基本課題を解決できる.

授業計画 :

1. 基礎数学B 1
集合の演算, 写像, 同値関係, 可算・非可算, ユークリッド空間の距離と位相
2. 基礎数学B 2
距離, 位相, 連続写像, 積位相と商位相, 連結, コンパクト

キーワード : 論理, 集合, 位相, 距離, 無限, 連続

備考 : 基礎数学B 1 と基礎数学B 2 をこの順で両方履修すること. 基礎数学演習B 1, 基礎数学演習B 2 も合わせて履修すること.

基礎数学演習B 1 (2年1学期), 基礎数学演習B 2 (2年2学期)

授業題目 : 位相の演習 その1 (基礎数学演習B 1), その2 (基礎数学演習B 2)

授業の概要 (授業の目標) : 基礎数学B 1, 基礎数学B 2 の演習を行う.

キーワード : 論理, 集合, 位相, 距離, 無限, 連続

基礎数学C 1 (2年1学期), 基礎数学C 2 (2年2学期)

授業題目 : 解析学入門 その1 (基礎数学C 1), その2 (基礎数学C 2)

授業の概要 (授業の目標) :

基礎数学C 1 およびそれに続く基礎数学C 2 を通して高校そして全学教育の微分積分学 I, II で計算面を中心に学習してきた微分積分について, 基礎から本格的に整備する. 数列の収束と極限の概念, 実数の連続公理より導かれる実数の基本的性質から始めて, 1変数関数に対する微分積分学を理論的に講義する.

到達目標 : 1変数の微積分に関する基礎的な概念および基本的な定理や命題を理解する. 1変数微積分の高度な計算にも習熟し実際に応用出来るようになる.

授業計画 :

1. 基礎数学C 1
 $\epsilon - \delta$ 論法, 1変数関数の微分 (テイラーの定理), 多変数関数の微分 (偏微分, 全微分)
2. 基礎数学C 2
1変数関数の積分 (リーマン和, 広義積分), 級数, 関数列

キーワード : 実数, 数列, 収束, 連続, 微分, 積分

備考 : 基礎数学C 1 と基礎数学C 2 をこの順で両方履修すること. 基礎数学演習C 1, 基礎数学演習C 2 も合わせて履修すること. 多変数における偏微分と全微分の基礎的事項は基礎数学C 1 で扱う.

基礎数学演習C 1 (2年1学期), 基礎数学演習C 2 (2年2学期)

授業題目 : 解析学入門の演習 その1 (基礎数学演習C 1), その2 (基礎数学演習C 2)

授業の概要 (授業の目標) : 基礎数学C 1, 基礎数学C 2 の演習を行う.

キーワード : 実数, 数列, 収束, 連続, 微分, 積分

基礎数学D (2年2学期)

授業題目 : 続・解析学入門

授業の概要 (授業の目標) : 基礎数学C 1 および基礎数学C 2 に統いて、多変数の微分積分について講義する。

到達目標 : 多変数の微積分に関する基礎的な概念および基本的な定理や命題を理解する。多変数微積分の高度な計算に習熟し実際に応用出来るようになる。

授業計画 :

1. 多変数関数の微分 (テイラーの定理, 極値問題, 陰関数定理)
2. 多変数関数の積分 (累次積分, 變数変換, 広義積分)

キーワード : 多変数関数, 偏微分, テイラーの定理, 逆写像定理, 陰関数定理, 重積分, 広義積分

備考 : 基礎数学演習Dも合わせて履修すること。多変数における偏微分と全微分の基礎的事項は基礎数学C 1で扱う。

基礎数学演習D (2年2学期)

授業題目 : 続・解析学入門の演習

授業の概要 (授業の目標) : 基礎数学Dの演習を行う。

キーワード : 多変数関数, 偏微分, テイラーの定理, 逆写像定理, 陰関数定理, 重積分, 広義積分

基礎数学 E (2, 3年1学期)

授業題目：複素関数論入門

授業の概要(授業の目標)：複素関数の微分積分の基礎を講義する。複素領域の各点で複素微分可能な関数は正則関数と呼ばれる。正則関数に関する条件は、このように非常に素朴であるが実に多くの有用な命題や定理を生む。その第1はコーシーの積分定理である。驚くべきことに、複素関数にコーシーの積分定理の性質を仮定すると自然に正則関数となる。このように正則性は著しい性質と言える。一方、これらの定理が数学から物理学・工学にいたる広範な領域において基礎的な知識となっている。授業では、コーシーの積分定理、積分公式、テイラー展開などを中心に正則関数の基本的諸定理や性質を解説する。重要な関数の例を示しその計算を行う。留数定理やその応用として、基本的な定積分の求め方を解説する。

到達目標：正則関数の基本的諸定理や性質を理解すること。また、留数を用いて簡単な定積分の計算ができるようになること。

授業計画：

1. 初等関数：指数関数、対数関数など
2. 正則関数の基本的性質：コーシー・リーマンの方程式、調和関数
3. 複素線積分とコーシーの積分定理、コーシーの積分公式
4. テイラー展開
5. 留数定理と定積分への応用

キーワード：初等関数(指数関数、対数関数、三角関数)、整級数、複素積分、原始関数、正則関数、コーシーの積分定理、コーシーの積分公式、調和関数、テイラーの定理、留数定理

備考：基礎数学B1, B2, C1, C2の知識を前提とする。2年1学期でも履修が可能であるが、これらの基礎數学科目を履修後に本科目を履修することを推奨する。基礎数学演習Eを合わせて履修すること。

基礎数学演習 E (2, 3年1学期)

授業題目：複素関数論入門の演習

授業の概要(授業の目標)：基礎数学Eの演習を行う。

キーワード：初等関数(指数関数、対数関数、三角関数)、整級数、複素積分、原始関数、正則関数、コーシーの積分定理、コーシーの積分公式、調和関数、テイラーの定理、留数定理

コンピュータ（2年2学期）

授業題目：コンピュータ

授業の概要（授業の目標）：高級言語を利用した計算機プログラムの基本と数式を含む文書処理を，実習を中心に扱う。プログラム実習に当っては必要な概念を示し，いかなる言語を扱う立場になんでも円滑なプログラミングができる技術について解説する。数式を含む文書処理においては，困難なく基本的なレポート等を作成する技術について説明し，数式の組版に必要な背景技術について述べる。

到達目標：授業で示したプログラム言語を利用して小規模なプログラムを自ら作成できるようになることを目標とする。また，常に計算量の低いアルゴリズムを選択することを意識する。

授業計画：以下の内容について実習と講義を行う。

1. コンピュータアーキテクチャの初步
2. 高級言語の紹介
3. 数値計算の初步
4. 数式，図を含む文書処理の初步

キーワード：プログラミング，C言語，アルゴリズム，数値計算，TeX

専門基礎数学科目

代数学基礎（3年1学期）

授業題目：代数系の基礎

授業の概要（授業の目標）：群、環の準同型定理を中心として群、環、体に関する基本事項について理解する。

到達目標：群、環、体の基本的な実例を学ぶことによって各代数系の基礎知識を身につけ、抽象代数学に慣れ、準同型定理などを使うことができるようになる。

授業計画：以下の内容を適宜組み合わせて講義する（この順番とは限らない）

一般的な事項として：同値関係と剰余空間、および直積

群論の基礎として：

1. 群、部分群、正規部分群、剰余群、単純群、および群の準同型定理
2. 元の位数、群の位数、部分群の指数、フェルマー・オイラー・ラグランジュの定理
3. 群の例として：巡回群（有限、無限）、対称群、交代群、一般線形群、特殊線形群、直交群、ユニタリ群、環の单数群
4. 群の作用：軌道、類等式

環論と体論の基礎として：（主として可換環を扱う）

1. 環、部分環、イデアル、剰余環、および環の準同型定理
2. 素イデアル、極大イデアルと整域
3. 体と標数、素体
4. 環の例として：有理整数環、体上の1変数多項式環（ユークリッドの互除法、アイゼンシュタインの既約判定法）、行列環

キーワード：群、環、体、準同型定理

備考：代数学基礎演習を合わせて履修すること。

代数学基礎演習（3年1学期）

授業題目：代数系の基礎の演習

授業の概要（授業の目標）：代数学基礎の演習を行う。

キーワード：群、環、体、準同型定理

幾何学基礎 A (3年1学期)

授業題目：曲線と曲面の定量的な性質

授業の概要(授業の目標)：曲線や曲面の定量的な取り扱いに慣れ、多様体をはじめとする現代幾何学の諸概念を自然に受け入れられるようになることを目標とする。

到達目標：曲線や曲面の曲率などの概念に触れ、実際に計算する方法を理解する。幾何学の重要な概念や定理を学ぶ。

授業計画：

1. 曲線. フルネ・セレの公式と曲率
2. 曲面. 第1基本形式・第2基本形式と曲率
3. 曲面上の曲線, 測地線
4. ガウス・ポンネの定理
5. 可微分多様体の定義
6. 関連する話題と応用

キーワード：曲線, フルネ・セレの公式, 曲率, 曲面, 測地線, ガウス・ポンネの定理, 多様体

備考：シラバスでは幾何学基礎 A と幾何学基礎 B は相補的な内容なので、両方取ることを強く推奨する。幾何学基礎演習 A を合わせて履修することが望ましい。

幾何学基礎演習 A (3年1学期)

授業題目：幾何学基礎演習 A

授業の概要(授業の目標)：「幾何学基礎 A」の授業計画にそって、証明および計算の演習をする。「幾何学基礎 A」で講義される内容をより深く理解し、具体例について学ぶ。

到達目標：曲線や曲面の曲率など重要な不变量を実際に計算できるようになること。具体例を理解すること。

キーワード：曲線, フルネ・セレの公式, 曲率, 曲面, 測地線, ガウス・ポンネの定理, 多様体

備考：幾何学基礎 A を合わせて履修すること。

幾何学基礎 B（3年1学期）

授業題目：様々な空間の位相的な性質

授業の概要（授業の目標）：様々な空間の位相的・定性的な取り扱いに慣れ、多様体をはじめとする現代幾何学の諸概念を自然に受け入れられるようになることを目標とする。

到達目標：簡単な空間の例や商位相などの位相的概念の取り扱いに慣れる。幾何学の重要な概念や定理を学ぶ。

授業計画：

1. 同相とホモトピー
2. グラフと多面体
3. 曲面の構成と連結和
4. 単体複体とオイラー標数
5. 多様体など関連する話題と応用

キーワード：同相、ホモトピー、グラフ、多面体、曲面、連結和、単体複体、オイラー標数、多様体

備考：シラバスでは幾何学基礎 A と幾何学基礎 B は相補的な内容なので、両方取ることを強く推奨する。幾何学基礎演習 B を合わせて履修することが望ましい。

幾何学基礎演習 B（3年1学期）

授業題目：幾何学基礎演習 B

授業の概要（授業の目標）：「幾何学基礎 B」の授業計画にそって、証明および計算の演習をする。「幾何学基礎 B」で講義される内容をより深く理解し、具体例について学ぶ。

到達目標：簡単な空間の例や位相的概念を実際に取り扱えるようになること。具体例を理解すること。

キーワード：同相、ホモトピー、グラフ、多面体、曲面、連結和、単体複体、オイラー標数、多様体

備考：幾何学基礎 B を合わせて履修すること。

解析学基礎（3年1学期）

授業題目：ルベーグ積分論

授業の概要（授業の目標）：リーマン和の極限として得られるリーマン積分は（滑らかな）具体的な関数の積分を計算する上では便利であった。そしてある程度性質の良いクラスの関数に関する積分論は確立し、多くの計算がされ解析学の有用な理論が出来てきた。ところが解析学がさらに高度化し多くの（滑らかさの乏しい）関数や関数族を扱う必要が生じてきた。そして関数列の極限操作や積分操作と関係を理論化することが必要となってきた。この過程において広いクラスの関数を与え積分の定義が見直された。ルベーグの積分論はこのようにして建設された。本講義ではユークリッド空間におけるルベーグ測度やルベーグ可測関数や積分やその性質を確立するための基礎的な議論を行う。

到達目標：

1. 可測集合、可測関数の概念の習得
2. 積分と極限操作の交換に関する収束定理の理解とその応用
3. 重積分についてのフビニの定理の理解と応用

授業計画：

1. 可測集合と可測関数の性質
2. 測度とルベーグ積分の定義、収束定理
3. リーマン積分とルベーグ積分との関係
4. 測度の構成：外測度と拡張定理
5. フビニの定理
6. 時間が許せば、 L^2 空間に触れる。

キーワード：ルベーグ積分、測度、収束定理、フビニの定理

解析学基礎演習（3年1学期）

授業題目：ルベーグ積分論の演習

授業の概要（授業の目標）：解析学基礎の到達目標について、演習を行うことにより理解を深める。
自分の言葉で問題が解けるようになること。

授業計画：解析学基礎の授業計画に沿って演習を行う。

キーワード：ルベーグ積分、測度、収束定理、フビニの定理

専門科目

代数系科目

代数学A (3年2学期)

授業題目 : 環論

授業の概要(授業の目標) : 代数学基礎に引き続き、環と加群の基礎を扱う。種々の数学的対象が、共通する本質を抽出することにより、汎用性のある強力な理論に昇華する代数学の basic concept を示す。

到達目標 : 環と加群の基礎概念・基礎理論を身につける。同時に学んだ理論を正しく適用することにより、種々の具体例を的確に扱うことができる能力を養い、基礎理論への理解を深める。

授業計画 :

1. 代数学基礎の復習：環の定義、イデアル、環準同型定理
2. 局所化、局所環
3. 環上の加群：直積・直和、部分加群、剩余加群、準同型定理、自由加群、有限生成加群
4. 完全列、オイラー標数、ネター環、ネター加群
5. 有限生成加群(アーベル群)の構造
6. (時間ががあれば) 一意分解環、正規環(整閉整域)、テンソルなど

キーワード : 環と加群

代数学演習A(3年2学期)

授業題目 : 環論の演習

授業の概要(授業の目標) : 代数学A の演習を行う。

キーワード : 環と加群

代数学B(3年2学期)

授業題目：体とガロア理論

授業の概要(授業の目標)：代数学基礎に引き続き、体論およびガロア理論の基礎を学ぶ。ガロア理論の出自が、代数方程式の根の置換としてこの対称性を捉え、さらにこれを方程式の係数体の拡大と結びつけたところにあることを理解する。本講義では体の拡大について学んだ後、ガロアの基本定理を学ぶ。体の拡大とその拡大に関する自己同型群が見事に対応することを理解する。

到達目標：有限体の性質やガロアの基本定理を理解し、ガロア群の計算ができるようになる。

授業計画：

1. 代数学基礎の復習：正規部分群、剩余群、準同型定理、1変数多項式環
2. 代数拡大、代数閉包、拡大次数、ノルム・トレース、分離多項式と分離拡大
3. 正規拡大、ガロア拡大：2次拡大、円分拡大
4. ガロア群とガロアの基本定理
5. (時間ががあれば) 方程式の可解性、作図など

キーワード：ガロア群とガロアの基本定理

代数学演習B(3年2学期)

授業題目：体とガロア理論の演習

授業の概要(授業の目標)：代数学Bの演習を行う。

キーワード：ガロア群とガロアの基本定理

幾何系科目

幾何学 A (3年2学期)

授業題目：多様体

授業の概要(授業の目標)：現代幾何学における基本的な空間概念である多様体について述べ、多様体上における微分積分学の基本を講義する。

到達目標：可微分多様体の定義、具体例、多様体上の可微分関数および写像とその微分、接ベクトル、接ベクトル空間、ベクトル場、余接ベクトル、余接ベクトル空間、微分形式、などに関する事柄の習得。これらの概念の理解と具体例における実際の運用を体得する。

授業計画：

1. 可微分多様体の定義
2. 陰関数定理
3. 多様体上の関数および写像とその微分
4. 接ベクトル、接ベクトル空間、ベクトル場
5. 余接ベクトル、余接ベクトル空間、微分形式
6. 関連する話題と応用

キーワード：可微分多様体、可微分写像、陰関数定理、正則値定理、接ベクトル、ベクトル場、余接ベクトル、微分形式

備考：幾何学演習 A を合わせて履修することが望ましい。

幾何学演習 A(3年2学期)

授業題目：多様体の演習

授業の概要(授業の目標)：幾何学A(多様体)の演習を行う。

到達目標：多様体をより深く理解し、具体例について学び、証明および計算の演習をする。

キーワード：可微分多様体、可微分写像、陰関数定理、正則値定理、接ベクトル、ベクトル場、余接ベクトル、微分形式

備考：幾何学 A を合わせて履修することが望ましい。

幾何学B（3年2学期）

授業題目：ホモロジー

授業の概要（授業の目標）：ホモロジーは様々な図形（位相空間）の位相的・大域的な性質を、アーベル群とそれらの間の準同型という代数的な構造で捉える道具である。ホモロジー論とその幾何学的応用を講義する。

到達目標：ホモロジーの概念・手法と幾何学的意味を正しく理解する。ホモロジー論を適用して、具体的な空間のホモロジーグループが計算できる。ホモロジーグループがいろいろな問題に応用されることを知る。

授業計画：

1. ホモロジーの定義
2. ホモトピー不变性
3. 空間対のホモロジー完全系列
4. 切除定理
5. マイヤー・ヴィエトリス完全系列
6. 球面のホモロジー
7. 関連する話題と応用

キーワード：チェイン複体、ホモロジーグループ、完全系列

備考：幾何学演習Bを合わせて履修することが望ましい。

幾何学演習B（3年2学期）

授業題目：ホモロジーの演習

授業の概要（授業の目標）：幾何学B（ホモロジー）の演習を行う。

到達目標：ホモロジーをより深く理解し、具体例について学び、証明および計算の演習をする。

キーワード：チェイン複体、ホモロジーグループ、完全系列

備考：幾何学Bを合わせて履修することが望ましい。

幾何学C（4年1学期）

授業題目：基本群と被覆空間

授業の概要（授業の目標）：基本群は、様々な図形（位相空間）の位相的・大域的な性質を群論を応用して調べるために定義される。この講義では、基本群の基本的な性質、ファンカンペンの定理などを紹介し、具体的な図形の基本群の計算法について説明する。また、関連して被覆空間について講義する。さらに幾何学基礎A、幾何学基礎Bで学んだこととの関連について述べる。

到達目標：基本群の概念・手法と幾何学的意味を理解する。具体的な空間の基本群が計算できるようになる。基本群と他の幾何学的概念との結びつきを理解する。

授業計画：

1. ホモトピー
2. 基本群
3. 群の表示
4. ファンカンペンの定理
5. 閉曲面の基本群
6. 被覆空間の定義と例
7. 被覆空間の分類定理
8. オイラー数の乗法性
9. 基本群と1次元ホモロジーグループの関係
10. 関連する話題と応用

キーワード：基本群、被覆空間

備考：幾何学基礎A、幾何学基礎B、代数学基礎を履修していることが望ましい。

幾何学続論（位相幾何／微分幾何／複素幾何）（4年1学期または2学期）

授業題目：位相幾何学／微分幾何学／複素幾何学

授業の概要（授業の目標）：幾何学基礎，幾何学A，幾何学Bで扱う基本的な知識をある程度前提にして，より進んだ幾何学の多くのテーマにつながる基礎理論を講義する。

到達目標：現代幾何学における典型的な理論に触れることを通して，幾何学的なものの考え方慣れながら，幾何学的方法に益々習熟する。

授業計画：次の専門的なトピック1～3において，標準的に知っておくべきテーマの講義を行う。ただし，連続する2年で同じトピックは扱わない。

1. 位相幾何学
2. 微分幾何学
3. 複素幾何学

キーワード：横断正則性，ポアンカレ・ホップの定理，ドラム-コホモロジー，リーマン多様体，リーマン群と等質空間，定曲率空間，リーマン面，複素多様体

備考：幾何学基礎A，幾何学基礎B，幾何学A，幾何学Bをすべて履修していることが望ましい。

解析系科目

解析学A (3年2学期)

授業題目：続・複素関数論

授業の概要(授業の目標)：基礎数学E(複素関数論入門)に続き、複素関数論における基本的な諸定理や理論について講義する。複素関数論は複素変数の微分積分学とみなせるが、そこに留まらず正則関数の持つ著しい性質が縦横に効いてきて様々な美しい定理を生む。また正則関数に関する成果は数学の様々な分野に関連して生きる。これらは重要な解析的手段を与えるとともに、幾何学的な対象や力学系を与えることなどにも貢献している。この授業では正則関数、有理型関数、等角写像、調和関数の基本的な性質や応用について解説する。また複素関数の特異性や大域的な性質なども扱う。

到達目標：正則関数、有理型関数、等角写像、調和関数について基本的な性質を理解する。

授業計画：

1. 正則関数の基本的な性質、対数関数、無理関数の多値性
2. 調和関数、共役調和関数、最大値原理、鏡像の原理、等角写像
3. ローラン展開と特異点の分類(孤立特異点、除去可能特異点、極、真性特異点)
4. 有理型関数、偏角の原理、ルーシュの定理等

キーワード：正則関数、有理型関数、調和関数

備考：基礎数学Eの授業内容が仮定されていることに留意。

解析学B (3年2学期)

授業題目：常微分方程式論

授業の概要 (授業の目標) : 自然現象の多くは微分方程式によって記述され、その解を調べることは、諸科学の進展のための重要なステップとなる。本講義では、一般の常微分方程式の基礎理論を論じる。まず局所解の存在や一意性を解説する。次に線形微分方程式の解や解空間の構造を論じる。応用として力学系の理論の初步にも触れる。特に停留点の周りの解の挙動、安定性などについて説明する。

到達目標 : 常微分方程式の局所解の存在定理や一意性定理の証明を通して、関数列の収束の概念に対する理解や積分方程式の扱いを学ぶ。定数係数の線形方程式系の解法に習熟して行列の標準形、固有値の重要性を認識する。力学系の考え方の初步を身につける。

授業計画：

1. 解の存在と一意性: 逐次近似法による解の構成、局所解の一意性
2. 線形方程式: 線形連立方程式の解空間の構造、定数係数の場合の一般解
3. 力学系の考え方や基本的な概念への入門

キーワード：常微分方程式、解の存在と一意性、力学系

備考：数学概論（微分方程式と無限級数）または微分積分学統論を履修していることが望ましい。

解析学C (3年2学期)

授業題目：測度論（一般論）

授業の概要（授業の目標）：解析学基礎では、測度空間と積分、収束定理とその運用、フビニの定理を扱った。この授業では、さらに可測性とルベーグ測度の詳しい性質、 L^p 空間論、加法的集合関数の構造を扱う。

到達目標：ルベーグ測度の詳しい性質、 L^p 空間とその完備性、基本的な関数不等式、加法的集合関数、ラドン・ニコディムの定理を理解する。

授業計画：

1. 可測性とルベーグ測度の詳しい性質
2. ヘルダーの不等式、ミンコフスキの不等式、 L^p 空間の完備性など
3. 加法的集合関数、絶対連続性、ラドン・ニコディムの定理、ルベーグ分解
4. 時間が許せば、ルベーグ・スタイルチェス積分、リースの表現定理、ルベーグの微分定理、ハウスドルフ測度（担当者により異なる）

キーワード： L^p 空間、関数不等式、ラドン・ニコディムの定理

備考：解析学基礎（ルベーグ積分論）の内容を前提とする。

解析学D (4年1学期)

授業題目：関数解析入門

授業の概要(授業の目標)：関数解析学の入門的講義を行う。関数解析の分野においては、無限次元の線形空間や作用素の構造が扱われ美しい理論が建設されている。一方、関数解析は、数理物理の分野への応用を与え、また偏微分方程式、確率論、数値解析、幾何学などの分野においては問題を関数空間において定式化し、それを解くための道具や技術を与える。このように関数解析学は解析系の諸分野を支える重要な柱としても発展してきた。この授業ではバナッハ空間の定義や例や基本的な性質について論じた後、基本的でかつ応用範囲の広いヒルベルト空間論を講義する。ヒルベルト空間における諸概念の性質を説明し、後半ではヒルベルト空間上の有界線形作用素の基礎的な事項を講義する。

到達目標：バナッハ空間、ヒルベルト空間の基礎的な理論を理解し習熟する。また具体的な例や応用例についての知識を得る。ヒルベルト空間における有界線形作用素の基本的な性質について習熟する。

授業計画：

1. ノルム空間、バナッハ空間、ヒルベルト空間の定義と例
2. 正規直交基底(例として有限区間におけるフーリエ級数の完全性など)
3. 直交補空間、射影定理
4. 有界線形作用素(エルミート作用素、正規作用素、射影作用素等)、リースの定理
5. 完全連続作用素、ヒルベルト・シュミットの展開定理
6. 時間が許せば、線形作用素、偏微分方程式への応用等の発展的議題(担当者により異なる)

キーワード：ヒルベルト空間、正規直交基底、有界線形作用素

備考：解析学基礎(ルベーグ積分論)を履修しておくことが望ましい。

解析学 E (4年1学期)

授業題目：フーリエ解析

授業の概要 (授業の目標) : 1次元有限区間における関数のフーリエ級数展開は、フーリエが熱方程式の解を調べる目的で考案した。一般的な関数を3角関数の無限級数の形で表示する問題が厳密に扱われたのはルベーグ積分論などが作られた後のことであるが、フーリエの考えは偏微分方程式など無限次元の問題を数学として研究する強い推進力となった。無限区間における関数を3角関数を用いて表示する問題はフーリエ変換の理論として解決される。この成功は解析学の発展の土台の一部を形成している。特に関数空間やフーリエ変換の理論は偏微分方程式の解の解析に応用され有用な成果を生んできた。この授業では p 乗可積分関数空間(L^p 空間), 急減少関数空間, ソボレフ空間 $W^{m,p}$ 等の様々な関数空間を扱い, その基本的な理論を講義する。フーリエ変換の具体的な計算法も講義する。

到達目標 : フーリエ解析の背景や数学的位置づけを学ぶ。フーリエ級数およびフーリエ変換の基礎理論を身につける。急減少関数空間, ソボレフ空間の基礎的な理論や定理の運用に習熟する。また, 与えられた関数のフーリエ変換像が計算出来るようになる。

授業計画 :

1. フーリエ級数と熱伝導方程式
2. 無限回微分可能関数空間, 急減少関数空間
3. 関数不等式, フリードリックス軟化作用子
4. フーリエ変換の理論, プランシュレルの定理
5. フーリエ変換の応用, ソボレフ空間, 弱微分, 等
6. 時間が許せば, シュワルツ超関数にも触れる (担当者により異なる)

キーワード : フーリエ解析, フーリエ級数, フーリエ変換

備考 : 解析学基礎(ルベーグ積分論)の内容が前提とされる。

解析学 F (3, 4年2学期)

授業題目：確率論

授業の概要(授業の目標)：確率モデルや統計的方法は、物理、生物、工学、医学、薬学、農学、経済学、金融、保険数理、ITなど様々な分野で用いられている。その基本となる確率論の概念と方法を、例を用いた具体的な計算と測度論に基づく定義・議論の両面から講義する。定理の証明よりも、それらの意味と使い方に重点をおく。

到達目標：確率論の基本的な概念と基礎事項、方法に習熟する。その過程で、ランダムウォーク、分枝過程などの有名な確率モデルに慣れ親しむ。また、確率論を通じてルベーグ積分論の理解を深める。

授業計画：

1. 確率空間、(離散/連続) 確率変数、分布関数、確率関数、密度関数、ポアソン分布、正規分布
2. 期待値、分散、確率母関数、積率(モーメント)母関数、特性関数
3. 独立性、条件付き確率、条件付き期待値
4. ポアソンの小数法則、中心極限定理
5. 大数の弱法則/強法則
6. 確率過程(ランダムウォーク、マルコフ連鎖、分枝過程、マルチングールなど)

キーワード：確率変数、期待値、独立性

備考：解析学基礎(ルベーグ積分論)を履修しておくことが望ましい。

数理解析学続論 (バナッハ空間論)(4年1学期または2学期)(不定期)

授業題目 : バナッハ空間論

授業の概要 (授業の目標) :

バナッハ空間とは完備なノルムをもつベクトル空間のことである。すなわち、ベクトルの動きを統制するよいノルムが与えられたベクトル空間である。定義自体は簡素であり、また次元についての制限もないが、無限次元のベクトル空間の解析において力を発揮する重要な道具である。例えば、解析学でよく扱われる関数の空間（連続関数、微分可能な関数、 p 乗可積分な関数など）にはバナッハ空間の構造を持たせることができ、完備性により様々な解析を行える。実際、偏微分方程式論、確率論、調和解析学、複素解析学、など様々な解析分野でバナッハ空間論の一般論が利用される。解析学Dで扱うヒルベルト空間もバナッハ空間の一例である。この講義ではバナッハ空間や、無限サイズの行列とも言える有界線形作用素の一般論とその応用例を扱う。

到達目標 : バナッハ空間と有界線形作用素の基礎的事項を習得する。

授業計画 :

基礎編

1. バナッハ空間の定義と例
2. 有界線形作用素と一様有界性原理、開写像定理
3. 閉作用素と閉グラフ定理
4. 共役空間と弱収束、汎弱収束、反射性、汎弱コンパクト性
5. 共役作用素、ハーン・バナッハの定理とその応用

応用編 (以下の項目から選択して講義する)

- 6A: 作用素とスペクトル
- 6B: 関数空間の例とフーリエ変換
- 6C: 微分方程式への応用例
- 6D: その他

キーワード : バナッハ空間、有界線形作用素、ハーン・バナッハの定理

備考 : 解析学Dを履修している事が望ましい。応用編については担当者によって内容が異なる。

数理系科目

数理科学A（3年2学期）

授業題目：数値解析・数値計算

授業の概要（授業の目標）：数値解析とその数学的基礎および応用について解説する。単に数学の理論のみならず、その数値解析方法の計算機への実装・応用も扱う。

到達目標：

1. 数学の計算を計算機の上で実行するための能力（アルゴリズムや丸め誤差への理解）を身につける。
2. 計算機で科学技術計算を実行するために必要な数学理論（数値解析手法）を理解する。
3. 科学技術プログラミング技法を身につける。

授業計画：次から選んで講義する。

1. 線形方程式の数値解法（直接法・反復法・共役勾配法）
2. 非線形方程式の数値解法（ニュートン法）
3. 常微分方程式の数値解法（初期値問題・境界値問題・数値積分）
4. 関数近似（最小2乗法、直交関数近似）
5. 数値積分（台形則、ガウス選点公式、DE 公式）
6. 確率・統計の数値計算（確率分布、モンテカルロ法）

キーワード：数値解析、誤差解析、数値計算法、プログラミング

備考：基礎數学科目の「コンピュータ」を履修していることが望ましい。数理科学演習を合わせて履修すること。

数理科学演習（3年2学期）

授業題目：数値解析・数値計算の演習

授業の概要（授業の目標）：数値解析・数値計算で学んだ理論に基づいて実際にプログラム作成する能力を養う。また、実践的なプログラミング上の必須事項「データ構造とアルゴリズム」についても演習する。

キーワード：数値解析、誤差解析、数値計算法、プログラミング

備考：基礎數学科目の「コンピュータ」を履修をしていることが望ましい。

数理科学B（4年1学期）

授業題目：力学系入門

授業の概要（授業の目標）：力学系について入門的な講義を行う。相空間において初期点を与え、時間の経過に従い軌道として相空間を移動する、このような概念を力学系という。力学系においては軌道全体の大域的な構造を知ることが主な問題である。多くの重要な数理現象は力学系として非線形の常微分方程式系あるいは差分方程式系で記述される。授業ではこれらを解析する上で必要な基礎的諸概念（用語）について講義する。また、非線形の方程式系を解析するために有効となる数値解析を利用し、具体的な力学系の軌道構造、分岐現象等を可視化、理解する手法を学習する。

到達目標：非線形方程式系で記述される現象を解析する上で必要な基礎的な諸概念を理解し、非線形現象から具体的な力学的性質を導く手法を修得する。

授業計画：時間連続な力学系および離散時間の力学系について、次の基礎的な項目について講義した後に更に高度な内容に進む。典型的な具体例を中心に、数値計算によって軌道の構造を理解する手法を扱う。

1. 平衡点と周期軌道
2. 軌道の安定性と分岐現象
3. カオス的な力学系の性質
4. ポアンカレ写像による連続な力学系と離散力学系の同値性の例

キーワード：力学系、安定性、不变集合、カオス、数理モデル

備考：解析学B（常微分方程式論）および数理科学Aを履修していることが望ましい。

数理解析学続論（力学系）(4年1学期)

授業題目：力学系入門

授業の概要（授業の目標）：解析学Bに続き、非線形の常微分方程式系（力学系）の取り扱いについて入門的な講義を行う。位相空間において、任意に（初期）点を与えるとそれが時間変数の増大に従って動点として空間を移動して行く、このような仕組みを力学系という。それぞれの力学系において軌道全体の大域的な構造を知ることが力学系理論の主な目的と言うことができる。多くの重要な数理現象は非線形の微分方程式系で記述される力学系としてモデル化される。授業ではこれらを解析する上で必要な基礎的諸概念（用語）について講義する。非線形方程式においては線形方程式の場合のような一般論は存在しないため取り扱いはやむなく個別的になる。一方、大局的な振る舞いを追跡する力学系の理論においては、十分一般的手法が可能となる。そのような事情を踏まえ、有用な非線形の常微分方程式系を解析する手法について解説する。

到達目標：非線形微分方程式系で記述される現象を解析する上で必要な基礎的な諸概念（用語）を理解し、非線形現象から具体的な力学的性質を導く手法を修得する。

授業計画：基礎的な諸概念（流れ、ベクトル場、離散力学系、平衡点と周期軌道）について述べた後に、次の項目から選んで講義する。

1. 保存量とハミルトン系
2. リヤプノフ関数と平衡点の安定性
3. 周期軌道とポアンカレ写像
4. 非線形微分方程式系の具体例
5. カオス的な力学系の例
6. 自然現象などに現れる力学系モデルへの応用例

キーワード：力学系、安定性、不变集合、カオス、数理モデル

備考：解析学B（常微分方程式論）を履修していることが望ましい。

数理解析学続論 (非線形数学)(4年2学期)

授業題目：非線形現象の数学的構造

授業の概要 (授業の目標)：自然現象の奥底に潜む非線形な構造を数学的に捉える方法について解説する。まずは、様々な現象の例から非線形性とはどういう性質で、どのような困難を引き起こすのかを考察する。非線形な複雑現象を数学的に扱うための概念・手法は、解析学、幾何学、測度論等、様々な数学分野の理論に基づいています。本講義では特にカオス・フラクタル、統計力学、PDE 等を駆使した新しい方法論の中から講義担当者が話題を選び講義する。

到達目標：自然現象の様々な例において、非線形性やその効果を知る。それを数理的に扱うための概念や手法を習得する。

授業計画：非線形現象の数学的構造について講義する。

1. 自然現象に見られる非線形性
2. 非線形ダイナミクスと分岐現象
3. カオス、フラクタルの概念とその応用

キーワード：非線形現象、分岐現象、カオス、フラクタル、統計力学、微分方程式

確率・統計入門 (2年1学期, 3年1学期, 4年1学期)

授業題目 : 確率・統計入門

授業の概要 (授業の目標) : 確率論のアイデアや統計的な解析手法は、膨大な量のデータに潜む「構造」を定量的に浮かび上がらさせてくれる。したがって、科学全般や経済・金融工学だけでなく、世の中の様々な分野で確率・統計学の知識は重要視されている。本講義では、測度論に基づかない基本的な確率論の計算や、統計的解析の正当性を保証する「大数の法則」や「中心極限定理」の考え方、および統計学で使われる概念や論法を学ぶ。

到達目標 : 具体例を用いて基本的な確率論の計算や統計学的解析ができるようになること。

授業計画 :

1. 順列・組合せ, (条件つき) 確率, 独立性
2. 確率変数, 平均, (共) 分散, 母関数, 回帰直線
3. 二項分布, ポアソン分布, 幾何分布, 一様分布, 指数分布, 正規分布
4. 大数の法則, 中心極限定理
5. 標本平均, 不偏分散, χ^2 分布, t 分布, F 分布
6. (点／区間) 推定, 最尤法
7. (両側／片側) 検定, (帰無／対立) 仮説, 検定統計量

キーワード : 確率, 分布, 平均, 分散, 大数の法則, 中心極限定理, 推定, 検定, 回帰分析

上記以外に

統計学 (3年2学期, 4年2学期)

が開講される。

この他に

代数学続論(自由課題)：各年3, 4コマ

幾何学続論(自由課題)：各年2, 3コマ

数理解析学続論(自由課題)：各年3, 4コマ

特別講義(自由課題, 集中講義等)：各年数コマ

が開講される。

数学講読(選択)(主に3年, 但し2年も履修可能, 不定期)

半期のセミナーである。テキストを決め、輪講形式により演習を行う。数学の本を読み込み、数学的内容を説明するトレーニングをする。

数学卒業研究(必修)(4年1-2学期)

通年の必修セミナーである。テキストを決め、輪講形式により演習を行う。数学の本を読み込み、それを説明するトレーニングをする。卒業研究発表会において1年間の成果を発表する。

平成8年2月	数学科教務委員会作成(B5, 初版)
平成11年1月	増刷(A4, 訂正版)
平成12年9月	改定(平成13年度カリキュラム版)
平成13年4月	カリキュラム改正
平成14年10月	改定(教務委員会)
平成18年2月	改定(平成18年度カリキュラム版)
平成23年3月	改定(平成23年度カリキュラム版)
平成25年2月	改定(教務委員会)
平成26年11月	改定(教務委員会)
平成28年1月	改定(教務委員会)
平成30年4月	改定(教務委員会)
令和2年12月	カリキュラム改正(令和3年度カリキュラム版)
令和5年8月	改定(教務委員会)
令和6年11月	改定(教務委員会)